

Contrôle Continue (Durée : 2h)

المركز الجامعي
التشغيل الذاتي
INDH

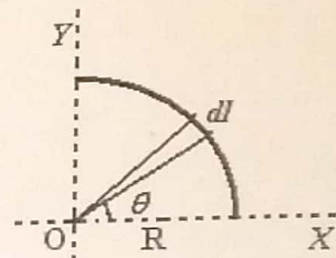
Questions de cours (5pts)

1. Définir les lignes de champ et les surfaces équipotentielles.
2. Quelles sont les conditions pour trouver un plan de symétrie.
3. Calculer la surface d'un disque de centre O et de rayon R , en utilisant les coordonnées cartésiennes.

Exercice 1(6pts)

Soit un quart d'anneau (A) mince de rayon R et de centre O uniformément chargé avec la densité linéique $\lambda > 0$.

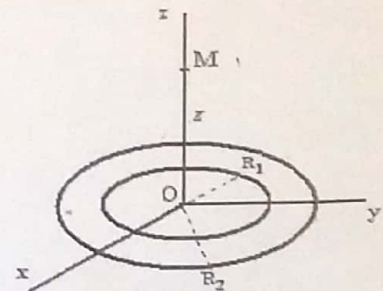
1. Calculer la charge total du quart d'anneau (A).
2. Calculer le potentiel électrique créé au centre O .
3. Déterminer le champ électrique au centre O .
4. Dédire l'expression du potentiel et du champ électrique créé, en son centre O , par un anneau de rayon R .



Exercice 2(9pts)

On considère une couronne circulaire (C) plane limitée par deux cercles de centre O et de rayons R_1 et R_2 ($R_1 < R_2$), portant une densité superficielle de charges, uniforme $\sigma > 0$. Cette couronne est placée dans le plan xOy d'un système de coordonnées $Oxyz$.

1. Calculer la charge dq portée par une couronne circulaire comprise entre les rayons $r, r + dr$ ($R_1 < r < R_2$).
2. Montre que le potentiel $V(z)$ créé par la couronne circulaire (C) au point M de Oz de cote $z > 0$ est :
$$V(z) = \frac{\sigma}{2\epsilon_0} (\sqrt{z^2 + R_2^2} - \sqrt{z^2 + R_1^2}).$$
3. Calculer directement le champ électrique $\vec{E}(M)$ au point M (direction, sens et module pour $z > 0$).
4. Vérifier la relation entre le potentiel et le champ électrique.
5. Soit M' le symétrique de M par rapport à xOy . Donner $\vec{E}(M')$ en fonction $\vec{E}(M)$.
6. Dédire le champ créé en tout point M de l'axe Oz par un disque de rayon R_0 uniformément chargé avec la densité σ .
7. Dédire le champ créé par un plan infini uniformément chargé xOy avec la densité σ .



On donne $\int_a^b \frac{r dr}{\sqrt{z^2 + r^2}} = [\sqrt{z^2 + r^2}]_a^b$